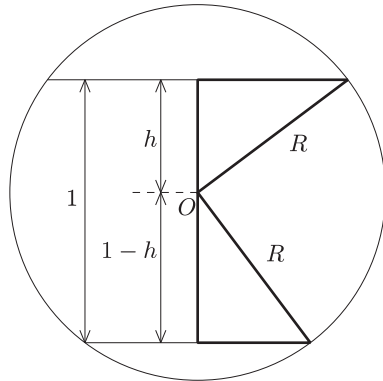
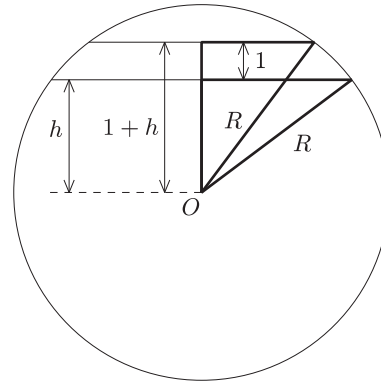


**Megoldás.** A metsző síkok helyzete kétféle lehet attól függően, hogy a gömb középpontja a két sík „között” van-e vagy sem. Tekintsük a gömbnek egy olyan síkmetszetét, amely átmegy a gömb középpontján és merőleges a metsző síkokra (1. ábra) A metszet mindkét esetben egy-egy főkör, amely a metsző síkokból párhuzamos húrokat metsz ki. Ezek hossza a  $9\pi$ , illetve  $16\pi$  területű kör átmérője, 6, illetve 8 egység. Jelölje  $h$  a gömb középpontjának a  $16\pi$  területű körmetszettől mért távolságát. A síkmetszeten ez a főkör középpontjának a hosszabbik, 8 egységnyi húrtól mért távolsága így  $1 - h$  az első esetben, illetve  $1 + h$  a másodikban.



1.a)



1.b)

Mindkét esetben két derékszögű háromszög jön létre, ezek átfogója  $R$ , a gömb sugara. Pitagorasz tétele szerint mindkét esetben  $R^2 = 3^2 + d^2 = 4^2 + h^2$ . Az első esetben innen  $-2h = 6$  következik, ami nem lehetséges, hiszen  $h$  pozitív. A második esetben  $2h = 6$ , azaz  $h = 3$ , ahonnan  $R^2 = 4^2 + h^2$  alapján kapjuk, hogy  $R = 5$ . A gömb felszíne ekkor  $4\pi R^2 = 100\pi$ .

*Megjegyzések.* 1. Figyelemre méltó, ahogy a feladat elrendezésében a 3; 4; 5 oldalú pitagoraszai háromszög két példánya illeszkedik.

2. Ha a  $h$  mennyiség negatív értékét is megengedjük, akkor feleslegessé válik a feladat esetszétválasztása.