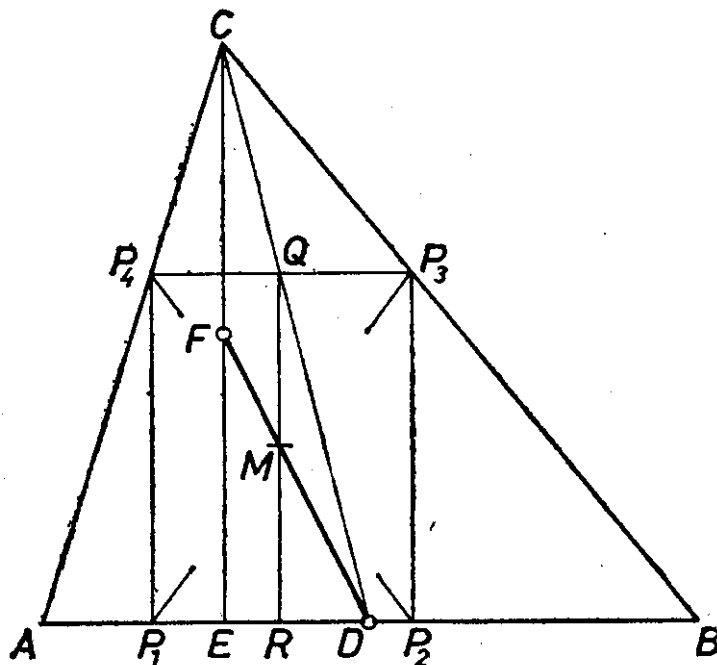


Rajzoljunk be a háromszögbe egy megfelelő  $P_1P_2P_3P_4$  téglalapot, ahol  $P_1, P_2$  az  $AB$  oldal pontjai és  $P_3P_4 \parallel P_1P_2$ . Ismeretes, hogy az átló metszéspontja megegyezik a téglalap középvonalainak metszéspontjával, jelöljük ezt  $M$ -mel.



A téglalap  $AB$  oldallal párhuzamos  $P_3P_4$  oldalának  $Q$  felezőpontja rajta van az  $ABC$  háromszög  $C$  csúcsából kiinduló  $CD$  súlyvonalán, hiszen ez a súlyvonal az  $AB$  oldallal párhuzamosan húzott szakaszok mindegyikét felezi. Ha  $Q$ -ból merőlegest állítunk  $AB$ -re, ennek az  $AB$  oldalig terjedő  $QR$  szakasza a téglalap egyik középvonala, és  $M$  a  $QR$  szakasz felezőpontja. Emiatt rajta van a  $CDE$  háromszög  $D$ -ből induló súlyvonalán, ahol  $E$  a  $C$  pont vetülete az  $AB$ -re. (Ha  $E$  azonos  $D$ -vel, vagyis  $AC = BC$ , akkor a  $C, D, E$  pontok egy egyenesen vannak, és  $M$  is ezen van rajta.) Jelöljük a  $CE$  felezőpontját  $F$ -vel, akkor a keresett mértani hely a  $DF$  szakasz.

Megmutatjuk, hogy a  $DF$  szakasz minden belső pontjához található egy megfelelő téglalap. Vegyünk fel a  $DF$  szakaszon egy tetszőleges  $M$  pontot és a rajta átmenő,  $AB$ -re merőleges egyenes  $CD$ -vel alkotott metszéspontját jelöljük  $Q$ -val, az  $AB$ -vel való metszéspontját  $R$ -rel. A  $Q$  ponton át az  $AB$ -vel húzott párhuzamos metszi ki az  $AC$ , ill.  $BC$  oldalakból a  $P_3$  és  $P_4$  csúcsait a keresett téglalaprak. A téglalapban  $M$  valóban az átlók metszéspontja, mert pontja a  $DF$  súlyvonalnak, így felezi a  $QR$ -t is, másrészt  $Q$  a  $CD$  súlyvonalnak pontja, mely felezi az  $AB$ -vel párhuzamos szakaszok mindegyikét, így  $P_3P_4$ -et is.