

Megoldás. 2004 prímtényező felbontása: $2004 = 2^2 \cdot 3 \cdot 167$, így ha 2004^n osztója $2004!$ -nak, akkor $2^{2n} \cdot 3^n \cdot 167^n$ osztója $2004!$ -nak. A kritikus pont a 167^n , mert a 167 a legnagyobb prímtényező, így ez szerepel a legkevesebbszer a $2004!$ -ban. Mivel $2004 = 12 \cdot 167$, ezért 1-től 2004-ig összesen 12 darab 167-tel osztható szám van, és ezek 167-nek csak az első hatványával oszthatók. Tehát $2004!$ prímtényező felbontásában 167^{12} szerepel, így n értéke nem lehet nagyobb 12-nél. (Az könnyen látható, hogy a 2 és a 3 24-nél, illetve 12-nél jóval nagyobb kitevővel szerepel $2004!$ prímtényező felbontásában, tehát a 12 meg is engedhető megfelelő kitevőnek.) Tehát 12 olyan pozitív egész szám van, amely a feladat feltételeinek megfelel.