

Legyen az X tengely két adott pontjának koordinátája x_1 és x_2 . Mutassuk meg, hogy bármely köztük levő pont alkalmas pozitív p_1 és p_2 számokkal felírható

$$(B) \quad \frac{p_1 x_1 + p_2 x_2}{p_1 + p_2}$$

alakban. Áttekinthetőbbé válik a kifejezés, ha $\frac{p_1}{p_1 + p_2}$ -t q_1 -gyel $\frac{p_2}{p_1 + p_2}$ -t q_2 vel jelöljük. Ekkor a pont így is írható:

$$(B') \quad q_1 x_1 + q_2 x_2$$

ahol q_1 és q_2 pozitív és $q_1 + q_2 = 1$.

Hogyan írható fel egy $f(x)$ függvény görbéjének x_1 és x_2 abszcisszájú pontjai közötti húrján (B) ill. (B') abszcisszájú pont ordinátája?

Írjuk le a konvexséget kifejező fenti tulajdonságot a függvényre vonatkozó egyenlőtlenség alakjában.

A nyerendő egyenlőtlenséget nevezik *Jensen-egyenlőtlenségnek*. Ha ebben $q_1 = q_2 \left(= \frac{1}{2} \right)$ ill. $p_1 = p_2$, akkor kapjuk a *szimmetrikus Jensen-egyenlőtlenséget*.