

Jelöljük a Föld sugarát  $R$ -rel, az üreg sugarát  $r$ -rel, mélységét  $H$ -val, a „behorpadás” nagyságát pedig  $h$ -val! A víz felszínének alakját az a feltétel szabja meg, hogy a felszín bármely pontjában a gravitációs helyzeti energia ugyanakkora kell legyen. (Ha nem így lenne, a víz a nagyobb energiájú helyről az alacsonyabb felé folyna.)

Hasonlítsuk össze az *ábrán* látható  $A$  és  $B$  pontokba helyezett egységnyi tömegű test energiáját! Mivel a Föld átlagsűrűsége  $\bar{\rho} \approx 5,5 \text{ kg/dm}^3$ , és az üreg „anyaghiánya” úgy vehető figyelembe, mintha egy  $\Delta\rho = -2\rho_{\text{víz}} = -2 \text{ kg/dm}^3$  sűrűségű testet helyeztünk volna szimmetrikus tömegeloszlású Föld megfelelő helyére, a  $V_{\text{pot}}(A) = V_{\text{pot}}(B)$  feltétel:

$$-\gamma \frac{(4\pi/3) \bar{\rho} R^3}{R-h} - \gamma \frac{(4\pi/3) \Delta\rho r^3}{H+r} = -\gamma \frac{(4\pi/3) \bar{\rho} R^3}{R}.$$

(Az üreg hatását a  $B$  pontban  $R \gg H+r$  miatt elhanyagoltuk. Ugyancsak nem vettük figyelembe a „behorpadt” részből hiányzó anyagmennyiség gravitációs hatását; ezt az elhanyagolást  $h \ll R$  indokolja.) A fenti egyenlet így is írható:

$$-5,5 \frac{R^3}{R-h} + 2 \frac{r^3}{H+r} = -5,5 R^2.$$

Az ismeretlen  $r$  sugárra ez egy harmadfokú egyenlet, melyet pl. numerikusan oldhatunk meg. Az  $R \approx 6300 \text{ km}$ ,  $H \approx 6 \text{ km}$  adatokkal  $r \approx 24 \text{ km}$  adódik.

*Több megoldás alapján*

