

Az  $ABC = H$  háromszög szögeinek aránya  $1 : 2 : 4$  Legyen ennek talpponti háromszöge  $A_1B_1C_1 = T_1$  és a  $T_1$  háromszög talpponti háromszöge  $A_2B_2C_2 = T_2$ . Bizonyítsuk be, hogy  $T_2$  oldalai párhuzamosak  $H$  oldalaival! - Nevezzük  $T_2$ -t.  $H$  második talpponti háromszögének, hasonlóan  $T_2$ -nek  $T_3$  talpponti háromszögét  $H$  harmadik talpponti háromszögének,  $T_3$ -nak  $T_4$  talpponti háromszögét  $H$  negyedik talpponti háromszögének és így tovább. Mutassuk meg, hogy

- 1)  $H$ -nak bármely sorszámú talpponti háromszöge hasonló  $H$ -hoz;
- 2) abból a  $DEF = G$  háromszögből kiindulva, amelyben a szögek aránya  $1 : 1 : 8$ , egyetlen talpponti háromszög sem hasonló  $G$ -hez.