

Hány értéket vehet fel a

(1)  $z = uv + (uv)^{-1}$  kifejezés, ha

(2)  $u + u^{-1} = x$  és

(3)  $v + v^{-1} = y,$

ahol  $x$  és  $y$  a 2-nél nem kisebb abszolút értékű, különböző számok? Írjunk fel olyan egyenletet, melyben  $u$  és  $v$  nem lép fel, és amelynek  $z$  minden lehetséges értéke egyszeres gyöke.