A rendezett I $(a,\, b)$ és II $(a',\, b')$ számpárokból az I. II. sorrendben vett párhoz hozzárendeljük azt a rendezett $(\alpha,\, \beta)$ számpárt, amelyre $\alpha = aa'$, $\beta = ba' + b'$, és ezt így jelöljük: $(a,\, b)^*(a',\, b') = (\alpha,\, \beta) = (aa',\, ba' + b')$. Pl. $(-3,\, 4/5)^*(-2/3,\, 1) = (2,\, 7/15)$. (Rendezettségen azt értjük, hogy a párok két-két száma közül, ill. a két pár közül ki van jelölve az első.) Az $(u,\, v)$ és $(u',\, v')$ számpárokat akkor és csak akkor mondjuk egyenlőknek, ha $u = u'$ és $v = v'$. Mutassuk meg, hogy

$$\left[(a,\, b)^*(a',\, b')\right]^* (a'',\, b'') = (a,\, b)^* \left[(a',\, b')^*(a'',\, b'')\right].$$

Keressünk olyan $(x,\, y)$ számpárt, hogy bármely $(a,\, b)$-re álljon $(a,\, b)^*(x,\, y) = (a,\, b)$, majd igazoljuk, hogy ekkor

$$(a,\, b)^*(x,\, y) = (x,\, y)^*(a,\, b).$$