

Megoldás. Jelöljük $\frac{x}{4}$ -et y -nal, ekkor egyenletünk: $[2y] + [y] = 4y$. Az $\left[\frac{x}{2}\right] \leq \frac{x}{2}$, $\left[\frac{x}{4}\right] \leq \frac{x}{4}$ miatt $\frac{x}{2} + \frac{x}{4} \geq x$, vagyis $x \leq 0$, ami azt jelenti, hogy a pozitív számok körében nincs megoldása az egyenletnek.

Legyen $y = -n + r$, ahol $n \geq 0$ az egész-, és $0 \leq r < 1$ a törtrészt jelöli.

Ekkor $2y = -2n + 2r$, így $-2n + [2r] - n = -4n + 4r$. Innen

$$(1) \quad n + [2r] = 4r$$

egész, ezért r lehetséges értékei: $0, \frac{1}{4}, \frac{1}{2}$ és $\frac{3}{4}$; $[2r]$ lehetséges értékei pedig: $0, 0, 1$ és 1 . Így (1)-ből $n = 4r - [2r]$

lehetséges értékei: $0, 1, 1, 2$. Tehát $y = -n + r = 0, -\frac{3}{4}, -\frac{1}{2}$ vagy $-\frac{5}{4}$. Így a megoldások: $x = 4y = 0, -3, -2, -5$.