

A pozitív  $a, b, c$  számokra  $a \geq b \geq c$ , továbbá  $a + b + c \leq 1$ . Bizonyítsuk be, hogy ekkor

$$a^2 + 3b^2 + 5c^2 \leq 1.$$