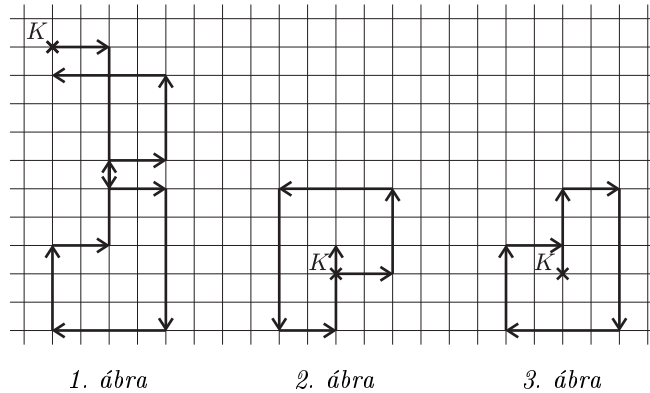


Nevezzük az egymás fölött lévő mezők együttesét oszlopnak. Legyen a bogár induláskor a 0. oszlopban. Tőle jobbra legyenek a  $+1., +2., \dots$ , tőle balra pedig a  $-1., -2., \dots$  oszlopok. Megmutatjuk, hogy a csodabogár pontosan azokra a mezőkre tud eljutni, amelyek páros sorszámú oszlopban vannak.

Mivel a bogár jobbra kettőt, balra pedig négyet, azaz vízszintes irányban csak páros számú mezőt tud lépni, azért páratlan sorszámú oszlopba nem juthat el.



Állításunk bizonyításához most már elegendő azt megmutatnunk, hogy a csodabogár az  $i$ -edik oszlopból el tud jutni az  $(i + 2)$ -edik és az  $(i - 2)$ -edik oszlopba is, valamint egy mezőről el tud jutni a közvetlenül alatta, illetve fölötté lévő mezőkre. Az  $i$ -edikből az  $(i + 2)$ -edik oszlopba egy jobbra lépéssel, az  $i$ -edikből az  $(i - 2)$ -edikbe pedig a jobbra, fel, balra lépéssorozattal juthat el (ha elsőre nem léphet jobbra, akkor egy felfelé irányú lépéssel kezdi a sorozatot). A kiindulási mezője alatti mezőre pl. a jobbra, le, jobbra, le, balra, fel, jobbra, fel, jobbra, fel, balra (*1. ábra*) lépésekkel, a fölötté lévőre pedig a jobbra, fel, balra, le, jobbra, fel (*2. ábra*) sorozattal tud eljutni (ha elsőre nem léphet jobbra, akkor a második sorozat lépéseit páronként felcserélheti (*3. ábra*), az első sorozat helyett pedig először lefelé lép, majd négyszer egymás után alkalmazza a második sorozatot). Ezzel beláttuk, hogy a páros sorszámú oszlopok tetszőleges mezőjére eljuthat a csodabogár.

*Birkner Tamás* (Budapest, Fazekas M. Főv. Gyak. Gimn., 9. évf.) dolgozata alapján

*Megjegyzés.* A megoldás során feltételeztük, hogy a papírlap minden irányban végtelen. Jóval nehezebb a kérdés megválaszolása, ha a csodabogár egy korlátos papírlapon (pl. egy téglalap belsejében) sétál.