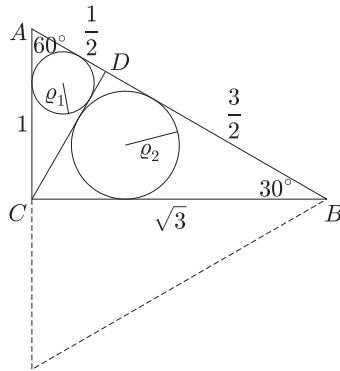


Az  $ABC$  háromszög derékszögű és fele egy 2 egység oldalú szabályos háromszögnek, ezért  $AB = 2$  és  $CB = \sqrt{3}$ . Az  $ACD$  és  $ABC$  háromszögek hasonlóságából következik, hogy  $CD = \frac{\sqrt{3}}{2}$  (a hasonlóság aránya  $1 : 2$ ), továbbá  $AD = \frac{1}{2}$  és  $BD = \frac{3}{2}$ .



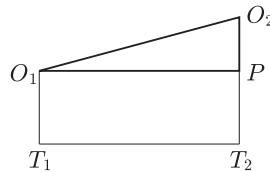
A háromszögbe írt kör  $\varrho$  sugara az ismert összefüggés szerint  $\varrho = \frac{T}{s}$ , ahol  $T$  a terület,  $s$  a háromszög félkerülete. Eszerint a kisebbik kör sugara:

$$\varrho_1 = \frac{\frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{3 + \sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3} - 1}{4}.$$

A nagyobbik kör sugara:

$$\varrho_2 = \frac{\frac{3}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}}{2}} = \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{1 + \sqrt{3}} = \frac{3 - \sqrt{3}}{4}.$$

Jelöljük a beírt körök középpontját  $O_1$ -gyel, illetve  $O_2$ -vel, vetületük az  $AC$  oldalon legyen  $T_1$ , illetve  $T_2$ .



A  $T_1O_1O_2T_2$  derékszögű trapézban húzzunk az  $O_1$  ponton keresztül párhuzamost  $T_1T_2$ -vel. Az így kapott  $O_1O_2P$  derékszögű háromszögben  $O_1P = \varrho_1 + \varrho_2$ ,  $O_2P = \varrho_2 - \varrho_1$ .

A keresett  $O_1O_2$  távolság a Pitagorasz-tételből:

$$\begin{aligned} O_1O_2 &= \sqrt{(\varrho_1 + \varrho_2)^2 + (\varrho_2 - \varrho_1)^2} = \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{2 - \sqrt{3}}{2}\right)^2} = \\ &= \sqrt{\frac{8 - 4\sqrt{3}}{4}} = \sqrt{2 - \sqrt{3}} \approx 0,5177 \text{ egység.} \end{aligned}$$