

Alakítsuk át az egyenletet az alábbi módon:

$$\sin \left[ \left( x + \frac{t}{2} \right) + \frac{t}{2} \right] + \sin \left[ \left( x + \frac{t}{2} \right) - \frac{t}{2} \right] = 1.$$

A szögek összegének, illetve különbségének szinuszára ismert azonosság szerint tovább alakíthatjuk az egyenletet:

$$\sin \left( x + \frac{t}{2} \right) \cos \frac{t}{2} + \cos \left( x + \frac{t}{2} \right) \sin \frac{t}{2} + \sin \left( x + \frac{t}{2} \right) \cos \frac{t}{2} - \cos \left( x + \frac{t}{2} \right) \sin \frac{t}{2} = 1.$$

Innen

$$2 \sin \left( x + \frac{t}{2} \right) \cos \frac{t}{2} = 1.$$

Nincs megoldása az egyenletnek, ha  $\cos \frac{t}{2} = 0$ , vagyis ha  $t = \pi$ .

Ha  $t \neq \pi$ , rendezzük át az egyenletet:

$$\sin \left( x + \frac{t}{2} \right) = \frac{1}{2 \cdot \cos \frac{t}{2}}.$$

A feltétel szerint most  $0 \leq \frac{t}{2} < \frac{\pi}{2}$ , azért a jobb oldal pozitív és  $\sin \left( x + \frac{t}{2} \right) \leq 1$  miatt pontosan akkor *van* megoldás, ha

$$2 \cos \frac{t}{2} \geq 1.$$

Innen  $\cos \frac{t}{2} \geq \frac{1}{2}$ , ami a megadott intervallumon akkor teljesül, ha  $\frac{t}{2} \leq \frac{\pi}{3}$ . Ekkor  $\frac{1}{2} \leq \frac{1}{2 \cos \frac{t}{2}} \leq 1$  és ilyen értékekre

van olyan  $x$ , amelyre  $\sin \left( x + \frac{t}{2} \right) = \frac{1}{2 \cos \frac{t}{2}}$ .

Pontosan akkor nincs tehát megoldása az egyenletnek, ha  $\frac{2\pi}{3} < t \leq \pi$ .

*Bene Gyula* (Budapest, Egy. Kat. Gimn., 9. évf.)