

Mivel egy körhöz külső pontból húzott két érintőszakasz hossza egyenlő, ezért  $DE = DC = 3$  és  $PE = PB$ . Ha ez utóbbi szakaszok hossza  $x$ , akkor a  $DAP$  derékszögű háromszögben Pitagorasz tétele szerint

$$AD^2 + AP^2 = DP^2, \quad \text{azaz} \quad 2^2 + (3 - x)^2 = (3 + x)^2.$$

Ebből az egyenletből kapjuk, hogy  $x = \frac{1}{3}$ .

A  $QEP$  háromszög hasonló a  $DAP$  háromszöghöz, mert  $P$ -nél lévő szögük közös,  $A$ -nál illetve  $E$ -nél lévő szögük pedig derékszög ( $E$ -nél azért van derékszög, mert  $QE$  a kör  $E$ -hez tartozó sugarának meghosszabbítása, ami merőleges az  $E$ -beli érintőre). Ezért a háromszögek megfelelő oldalainak aránya megegyezik:

$$\frac{EQ}{PE} = \frac{AD}{AP}.$$

Ebből kapjuk, hogy  $EQ = \frac{PE \cdot AD}{AP} = \frac{x \cdot 2}{3 - x} = \frac{1}{4}$ .

A  $QEP$  derékszögű háromszög területe tehát  $\frac{1}{2} \cdot PE \cdot EQ = \frac{1}{24}$  területegység.

*Takács Gergő* (Tatabánya, Árpád Gimn. és Pedagógiai Szki. 11. évf.) dolgozata alapján