

Az ábrán az $ABCD$ paralelogramma átlóinak metszéspontja O , az OP , OQ , OR , OS , AA_1 , AA_2 , BB_1 , BB_2 , CC_1 , CC_2 , DD_1 és DD_2 szakaszok merőlegesek a megfelelő közös érintőre.

Így az ábrán az AA_1C_1C , AA_2C_2C , BB_1D_1D és BB_2D_2D négyszögek trapézok, mert van párhuzamos oldalpárjuk. Mivel a paralelogramma átlói felezik egymást, azért $OA = OC$, $OB = OD$. Így az OP , OQ , OR és OS szakaszok a

megfelelő trapéz középvonalai. Fejezzük ki ezt a négy középvonalat:

$$OP = \frac{AA_2 + CC_2}{2} = \frac{a + c}{2}, \quad OQ = \frac{BB_2 + DD_2}{2} = \frac{b + d}{2},$$
$$OR = \frac{AA_1 + CC_1}{2} = \frac{a + c}{2}, \quad OS = \frac{BB_1 + DD_1}{2} = \frac{b + d}{2}.$$

Mivel $a + c = b + d$, azért $OP = OQ = OR = OS$. Tehát az érintők által meghatározott négyszögbe kör írható, azaz a négyszög érintőnégyszög.

Kiss-Tóth Christian (Budapest, Fazekas M. Gyak. Gimn.)