

Legyen  $n^2$  utolsó két jegye ebben a sorrendben  $A$  és  $B$ . Ekkor  $(n+1)^2$  utolsó két jegye  $B$  és  $A$ . A két szám különbsége:

$$(n+1)^2 - n^2 = 2n+1 = (10B+A) - (10A+B) = 9(B-A).$$

Ebből azonnal adódik, hogy  $B-A$  páratlan. Sem  $A$ , sem  $B$  nem lehet 0, mert 0-ra végződő négyzetszám két utolsó jegye 0. Ez azt is jelenti, hogy  $B > A$ , és mivel  $B \leq 9$ ,  $B-A \leq 8$  (és páratlan), így  $B-A$  lehetséges értékei: 1, 3, 5, 7. Ebből  $n$ -re a következő értékeket kapjuk: 4, 13, 22, 31.

A megfelelő párok négyzetei:

$$16, 25; \quad 169, 196; \quad 484, 529; \quad 961, 1024.$$

Ezek közül csak a 169, 196 pár felel meg a feladat követelményeinek, tehát az egyetlen megoldás  $n = 13$ .