

A megoldás során a fok jelölést elhagyjuk.  $\sin(2^n) = \sin(2^n - 360k)$ , ha  $k$  egész szám, és alkalmas  $k$ -val  $0 \leq 2^n - 360k < 360$ .

A  $[0, 360)$  intervallumon belül a  $[0, 180]$ -ban a  $\sin x$  értéke nemnegatív, és itt annál nagyobb, minél közelebb van  $x$  a  $90$ -hez. Így  $n$  és  $k$  azon értékeit keressük, amelyekre  $0 \leq 2^n - 360k < 360$  és  $2^n - 360k$  a lehető legközelebb esik a  $90$ -hez; azaz  $0 \leq 2^{n-3} - 45k < 45$ , és  $2^{n-3} - 45k$  eltérése a  $90/8 = 11,25$ -től minimális.

A  $2, 2^2, 2^3, \dots, 2^{12}, 2^{13}$  maradéka a  $45$ -tel osztva rendre:  $2, 4, 8, 16, 32, 19, 38, 31, 17, 34, 23, 1, 2$ . Innentől a maradékok periodikusan ismétlődnek, ezért a  $11,25$ -hoz legközelebb eső maradék a  $8$ . Így  $2^{n-3} = 2^3$  esetén  $n = 6$ , azaz  $\sin(2^n)$  legnagyobb értéke  $\sin 64^\circ \approx 0,8988$ .

*Kevei Péter* (Szeged, Radnóti M. Gimn., 12. o.t.)