

Az  $x \neq 0$ , mert akkor a nevezőkben 0 állna. Hozzuk közös nevezőre az egyenlet bal oldalát:

$$\frac{\{x\} + [x]}{\{x\} \cdot [x]} = x.$$

A számlálóban  $x$  áll (a szám tört része és egész része magát a számot adja). Az  $x \neq 0$ -val egyszerűsítve és rendezve kapjuk, hogy  $\{x\} \cdot [x] = 1$ . Mivel  $\{x\}$  sohasem negatív, azért  $[x] > 0$ .

Legyen tehát  $[x] = n > 1$  egész, ekkor az egyenlet szerint  $\{x\} = \frac{1}{n}$ , tehát  $x = [x] + \{x\} = n + \frac{1}{n}$ . Könnyen látható, hogy ha  $n$  tetszőleges 1-nél nagyobb egész, akkor  $0 < \frac{1}{n} < 1$  miatt  $\left[ n + \frac{1}{n} \right] = n$  és  $\left\{ n + \frac{1}{n} \right\} = \frac{1}{n}$ ; tehát az egyenlet megoldásai az  $n + \frac{1}{n}$  alakú számok, ahol  $n > 1$  egész.