

I. megoldás. A tükrözés nem változtatja meg a parabola tengelyének állását, a tükörkép-parabola csúcspontja pedig az $y = x^2$ csúcspontjának, az origónak a tükörképe, koordinátái így $(2; 2)$.

A tükörkép-parabola egyenlete azért

$$y = a(x - 2)^2 + 2$$

alakban írható. Felhasználva, hogy az $(1; 1)$ ponton a tükörkép-parabola is átmegy, az a paraméter értéke is meghatározható:

$$1 = a(1 - 2)^2 + 2, \quad \text{ahonnan} \quad a = -1.$$

A tükörkép egyenlete így $y = -x^2 + 4x - 2$.

Megjegyzés. A megoldásban felhasználtuk a parabola geometriáját, pontosabban azt, ahogyan a parabolát jellemző alkotórészek (tengelyek, csúcspont) megjelennek az alakzat egyenletében. Az alábbi megoldásban kizárólag azt az információt használjuk fel, amit egy görbe egyenlete tartalmaz.

II. megoldás. A $P(x; y)$ pont nyilván akkor és csak akkor van rajta a tükörkép-parabolán, ha az $(1; 1)$ pontra való $P'(x'; y')$ tükörképe rajta van az eredeti, $y = x^2$ egyenletű parabolán.

A $P(x; y)$ tükörképe az $(1; 1)$ pontra a $P'(2 - x; 2 - y)$ pont, ez akkor és csak akkor illeszkedik az $y = x^2$ egyenletű görbére, ha koordinátáit az egyenletbe helyettesítve egyenlőséget kapunk:

$$(1) \quad 2 - y = (2 - x)^2.$$

Azt kaptuk, hogy $P(x; y)$ pontosan akkor illeszkedik a tükörkép-parabolára, ha koordinátáira fennáll (1), ami eszerint nem más, mint a tükörkép egyenlete. Átalakítva

$$y = 2 - (2 - x)^2 = -x^2 + 4x - 2$$

adódik.

Megjegyzés. A második megoldás módszere jóval általánosabb körülmények között is alkalmazható. Ha egy M alakzat egyenlete $E(x; y) = 0$ és az M alakzat képe a Φ transzformáció során $\Phi(M)$, akkor a $\Phi(M)$ alakzat egyenlete $E(\Phi_x^{-1}(x; y); \Phi_y^{-1}(x; y)) = 0$, ahol $(\Phi_x^{-1}(x; y); \Phi_y^{-1}(x; y))$ a $P(x; y)$ pont képe a Φ transzformáció Φ^{-1} inverzének alkalmazása során. Ez annak a nyilvánvaló állításnak a következménye, hogy a P pont akkor és csak akkor illeszkedik a $\Phi(M)$ alakzatra, ha a $\Phi^{-1}(P)$ pont illeszkedik az M alakzatra.