

A vízszintesen induló pálcának annyi ideig kell a levegőben lennie, hogy félfordulat (vagy annak egész számú többszöröse) után érkezzon a földre. Ez az idő:

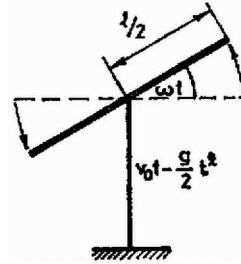
$$k \frac{T}{2} = k \frac{\pi}{\omega}, \quad (k = 1, 2, 3, \dots),$$

T a periódusidőt, ω a szögsebességet jelöli. Ennek az időnek kell egyenlőnek lenni a szabadesés idejének kétszeresével, azaz

$$k \frac{\pi}{\omega} = 2 \frac{v_0}{g},$$

ahol v_0 a kezdősebesség. Tehát:

$$v_0 = k \frac{\pi g}{2\omega} \approx k \cdot 3,1 \text{ m/s}, \quad (k = 1, 2, 3, \dots).$$



1. ábra

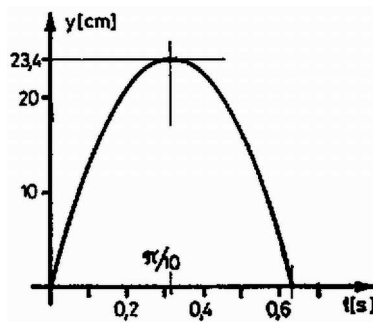
Meg kell vizsgálnunk azt is, hogy a pálca vége a forgás következtében nem ütközik a talajba már a tömegközéppont leérkezése előtt. Elég megvizsgálnunk a legkisebb számításba jövő kezdősebesség esetét, azaz a $v_0 = 3,1 \text{ m/s}$ értéket. A rúd végének magassága az 1. ábra szerint:

$$y = v_0 t - \frac{g}{2} t^2 - \frac{l}{2} \sin \omega t.$$

Numerikus adatokkal:

$$y = 3,1t - 4,9t^2 - 0,25 \sin 5t.$$

Számológéppel kiszámítva a függvényértékeket a 2. ábrán látható grafikont kapjuk. Látható, hogy az egész mozgás során y pozitív értékeket vesz fel, azaz a rúd vége nem ütközik a talajba.



2. ábra