Tekintsük azt a kockát, amelynek lapközéppontjai a szabályos oktaédert alkotják. Legyen az oktaéder egyik lapja az ABC, a vele szemközti lap pedig a DEF szabályos háromszög. Ekkor a kockának az A, B, C pontokat tartalmazó lapjai a K, a D, E, F pontokat tartalmazó lapjai pedig az ezzel szemközti L csúcsban találkoznak (*1. ábra*).

A KL egyenes körül 120°-kal forgatva a kocka, s így az oktaéder is, önmagába megy át. Ezért az ABC és a DEF sík is merőleges a KL egyenesre. Az ABC és a DEF lapok egymásnak a kocka O középpontjára vonatkozó tükörképei. A KL egyenes átmegy O-n is, és az ABC és DEF szabályos háromszögek középpontjain is. Ha tehát az ABC háromszöget és O-t merőlegesen – azaz KL-lel párhuzamosan – vetítjük a DEF síkra, akkor O-nak az O' képe a DEF háromszög középpontja lesz, A, B és C képei pedig rendre D, E és F O'-re vonatkozó tükörképei (*2. ábra*).

Könnyen látható, hogy a két háromszög közös része egy szabályos hatszög. A *2. ábrán* látható 12 kis háromszög nyilván egybevágó, ezért a vetület a lap területének $\frac{6}{9}=\frac{2}{3}$ részét fedi le.

Máthé András (Budapest, ELTE Apáczai Cs. J. Gyak. Gimn., 12. o.t.) dolgozata alapján