

Megoldandó az $n^2 - 19n - 99 = k^2$ egyenlet, ahol k és n pozitív egész számok. $n^2 - 19n - (99 + k^2) = 0$, ahonnan $n_{1,2} = \frac{19 \pm \sqrt{4k^2 + 757}}{2}$. Akkor lehet n pozitív egész, ha $4k^2 + 757$ négyzetszám: $4k^2 + 757 = l^2$, ahol l is pozitív egész.

$$757 = (l - 2k)(l + 2k).$$

Mivel a 757 prímszám, az osztói: 1, -1, 757, -757. A feltételek mellett $l - 2k < l + 2k$, így két lehetőség lenne: $l - 2k = -757$ és $l + 2k = -1$ (de ez nem lehetséges, hiszen k, l pozitív egész), illetve $l - 2k = 1$ és $l + 2k = 757$.

Az egyenletrendszer megoldása $l = 379$, $k = 189$. Ekkor $n_1 = 199$, $n_2 = -180$. A feltételeknek az $n = 199$ tesz eleget és valóban: $199^2 - 19 \cdot 199 - 99 = 35\,721 = 189^2$.

Árvai Eszter (Szekszárd, Garay J. Gimn., 11. o.t.)