

Előfordulhat, hogy a csapat csak 7. lett. Az Alsórákosi SC a bajnokságban  $5 \cdot 3 = 15$  pontot szerzett. Ha ezzel csak 7. lett, akkor az 1–6. helyezett csapatok mindegyike legalább 15 pontot szerzett. A 8. és 9. helyezett csapatok egymás elleni meccsén kívül a bajnokságban  $\binom{9}{2} - 1 = 35$  meccset játszottak, amelyek után legfeljebb  $35 \cdot 3 = 105$  pontot szereztek a csapatok. Mivel  $105 = 7 \cdot 15$ , azért az 1–7. helyezett csapatok mindegyikének 15 pontot kellett szereznie. Megmutatjuk, hogy ez lehetséges.

Az első 7 csapat mindegyike győzze le a 8. és a 9. helyezettet, mégpedig az  $i$ -edik ( $i = 1, 2, \dots, 7$ ) mindkettőt  $(8 - i) : 0$  arányban. Az első 7 csapat egymás elleni meccsein az eredmény mindig  $1 : 0$  legyen, mégpedig úgy, hogy minden csapat háromszor nyerjen és háromszor veszítsen. Ez például elérhető a következő módon: a 7 csapatot jelképező pontokat helyezzük el egy kör kerületén. Minden csapat győzze le a kör kerületén az óramutató járása szerint öt megelőző három csapatot (a győztestől a vesztes felé nyíl mutat az ábrán). Így mind a 7 csapatnak 15 pontja lesz, s az Alsórákosi STC a 7. helyen végez, mert gólkülönbsége  $5 : 3$ , ami a 7 csapat közül a legrosszabb.

*Balka Richárd* (Sárvár, Tinódi S. Gimn., 11. o.t.) és *Simon Győző* (Győr, Révai M. Gimn., 11. o.t.) dolgozatai alapján

