

Legyen O az e egyenes valamely pontja; $\vec{OP}_1, \vec{OP}_2, \dots, \vec{OP}_n$ olyan egységvektorok, amelyeknek P_i végpontjai mind ugyanabban – az e egyenest tartalmazó – síkban helyezkednek el, mégpedig valamennyien e -nek ugyanazon a partján. Bizonyítsuk be, hogy ha n páratlan, akkor

$$(1) \quad |\vec{OP}_1 + \vec{OP}_2 + \dots + \vec{OP}_n| \geq 1,$$

ahol $|\vec{OM}|$ jelöli az OM vektor hosszát.