

Az $(a + b)^3 = a^3 + b^3 + 3ab(a + b)$ azonosságot kétszer alkalmazva

$$0 = (x + y + z)^3 = ((x + y) + z)^3 = (x + y)^3 + z^3 + 3(x + y)z(x + y + z) = x^3 + y^3 + 3xy(x + y) + z^3 + 3(x + y)z(x + y + z) =$$

Az első két egyenletből álló rendszer megoldásai így pontosan azok az x, y, z számhármasok, amelyek egyik eleme 0, a másik két elem pedig egymás ellentettje. Ha $z = 0$ és $y = -x$, akkor a harmadik egyenlet szerint $2x^{1999} = 2^{2000}$, ebből az $x = 2, y = -2, z = 0$ megoldást kapjuk. Ha $y = 0$ és $z = -x$, akkor hasonlóan eljárva $0 = 2^{2000}$ adódik, ami nem ad megoldást. Végül, ha $x = 0$ és $z = -y$, akkor $-2y^{1999} = 2^{2000}$ szerint az $x = 0, y = -2, z = 2$ megoldást kapjuk.

Jesch David (Nagykanizsa Batthyány L. Gimn., 9. o.t.) *Torda Péter* (Gyöngyös, Berze Nagy J. Gimn., 11. o.t.)