

Tudjuk, hogy a derékszögű háromszög hegyesszögeinek tangensei egymás reciprokai, ezért a $\operatorname{tg} \alpha = x$ jelöléssel egyenletünk

$$x + \frac{1}{x} + x^2 + \frac{1}{x^2} + x^3 + \frac{1}{x^3} = 70$$

alakba írható. Ez egy ún. reciprok-egyenlet, célszerű $x + \frac{1}{x}$ helyére egy A -val jelölt, új ismeretlent bevezetni. Ekkor $x^2 + \frac{1}{x^2} = A^2 - 2$ és $x^3 + \frac{1}{x^3} = A^3 - 3A$, így az egyenlet

$$A + A^2 - 2 + A^3 - 3A = 70.$$

Rendezve és szorzattá bontva kapjuk, hogy

$$(A - 4)(A^2 + 5A + 18) = 0.$$

Mivel $A^2 + 5A + 18 = (A + 2,5)^2 + 11,75 > 0$, azért az egyenlet egyetlen valós gyöke $A = 4$. Ebből kapjuk, hogy $x + \frac{1}{x} = 4$, azaz $x^2 - 4x + 1 = 0$. Tehát $x_{1,2} = 2 \pm \sqrt{3}$.

Mivel $2 + \sqrt{3} = \frac{1}{2 - \sqrt{3}}$, azért a háromszög két hegyesszögének tangense $2 + \sqrt{3}$, illetve $2 - \sqrt{3}$, tehát a háromszög hegyesszögei 75° és 15° . (Ezen szögek szögfüggvényeit az addíciós tételek segítségével tudjuk pontosan meghatározni, pl.

$$\operatorname{tg} 75^\circ = \operatorname{tg}(45^\circ + 30^\circ) = \frac{\operatorname{tg} 45^\circ + \operatorname{tg} 30^\circ}{1 - \operatorname{tg} 45^\circ \cdot \operatorname{tg} 30^\circ} = \frac{1 + \frac{\sqrt{3}}{3}}{1 - 1 \cdot \frac{\sqrt{3}}{3}} = \frac{3 + \sqrt{3}}{3 - \sqrt{3}} = 2 + \sqrt{3}.)$$

Venter György (Fazekas M. Főv. Gyak. Gimn., 11. o.t.) dolgozata alapján