

A táblázat bal alsó sarkában 1-es áll. Az átló a felette álló sor 2. számán halad keresztül. Ez egy olyan számtani sorozat 2. eleme, amelynek első eleme 1, differenciája 99, a szám tehát $1 + 1 \cdot 99 = 100$. A következő sorban a 3. helyen álló számon megy át az átló, amely $1 + 2 \cdot 98 = 199$ és így tovább.

Általában tekintsünk egy $n \times n$ -es táblázatot, amelyet hasonlóképpen töltöttünk ki. Az említett átló a k -adik sor $(n - k + 1)$ -edik helyén álló számon fog áthaladni ($k = 1, 2, 3, \dots, n$), amely

$$a_k = 1 + (n - k + 1 - 1)k = 1 + nk - k^2 = -\left(k - \frac{n}{2}\right)^2 + \frac{n^2}{4} + 1$$

alakban írható fel. Ezen számok közül keressük a legnagyobbat. A k -ra másodfokú kifejezésben k^2 együtthatója (a főegyüttható) negatív, a parabola lefele szélesedő, tehát van maximuma. Maximumhelye: $k = \frac{n}{2}$. Ha n páros, akkor $k = \frac{n}{2}$ a megoldás. Esetünkben $n = 100$, és így $k = 50$, $a_k = 2501$ a keresett (egyetlen) legnagyobb érték, amelyen az átló áthalad.

Ha n páratlan, $\frac{n}{2}$ nem egész, ezért a maximumhelyét a hozzá legközelebb eső egész értékek között kell keresni; a korábbi átalakításokból látható, hogy mind $\left[\frac{n}{2}\right]$, mind $\left[\frac{n}{2}\right] + 1$ megfelelő, azaz ilyenkor két legnagyobb érték van.

Thiry Gábor (Érd, Horváth A. Gimn., 12. évf.)