

Jelöljük a háromszög csúcsait  $A, B, C$ -vel, oldalait a szokásos módon  $a, b, c$ -vel, beírható körének középpontját  $O$ -val, sugarát pedig  $r$ -rel. Legyen  $l$  egy  $O$ -ra illeszkedő egyenes. Az  $ABC$  háromszög oldalai közül  $l$  legalább egyet belső pontban metsz, választhatjuk úgy a betűzést, hogy  $l$  a másik két oldal közül az  $AC$ -t metszi, esetleg úgy, hogy  $A$ -n átmegy. Legyen  $AC$  és  $l$  metszéspontja  $P$ , továbbá  $PC = x$  és  $QC = y$ .

Az  $ABC$  háromszög területe

$$T_{ABC} = \frac{1}{2}r(a + b + c),$$

a  $CPQ$  háromszög területe pedig (l. az *ábrát*)

$$T_{CPQ} = \frac{1}{2}r(x + y),$$

mert a  $CPO$  és a  $COQ$  háromszögek  $O$ -hoz tartozó magassága  $r$ . Az  $l$  egyenes pontosan akkor felezi az  $ABC$  háromszög területét, ha

$$T_{ABC} = 2 \cdot T_{CPQ}, \quad \text{azaz ha} \quad \frac{1}{2}r(a + b + c) = 2 \cdot \frac{1}{2}r(x + y),$$

vagyis ha  $a + b + c = 2(x + y)$ . Ez viszont pontosan azt jelenti, hogy  $l$  felezi  $ABC$  kerületét.

*Szilasi Zoltán* (Debrecen, KLTE Gyak. Gimn., 9. o.t.) dolgozata alapján

