

A körző tömegközéppontja mindig a felfüggesztési pont alatt kell legyen. Ha a szárak nyílásszögét változtatjuk, az egyes szárak tömegközéppontja vízszintes irányban is elmozdul, de a felezőpontjuk (a rendszer tömegközéppontja) csak függőlegesen mozoghat.

Belátjuk, hogy a csukló akkor lesz a legmagasabban, amikor a körző alsó szára *vízszintes*. Induljunk ki ebből a helyzetből (1. ábra), és képzeljük el egy pillanatra, hogy a körző felső (felfüggesztett) szárát rögzítetten tartjuk. Ha a másik (kezdetben vízszintes) szárát valamerre (akár felfele, akár pedig lefele) döntjük, a tömegközéppontja a körző csuklójához vízszintes irányban közeledik. Ha most a felső szár rögzítését megszüntetjük, ez a szár mindenképpen lefelé kell elmozduljon, mert csak így érhető el, hogy a közös tömegközéppont továbbra is a felfüggesztési pont alatt maradjon.

Jelöljük a körző szárai közötti szöveget  $2\theta$ -val, és válasszuk a szárak hosszát 2 egységnyinek! A 2. ábrán látható besötétített háromszögre (melyet 3. ábrán kinagyítva láthatunk) felírhatjuk a szinusztételt:

$$\frac{\sin \theta}{1} = \frac{\sin(90^\circ - 2\theta)}{\sin \theta},$$

melyből egyszerű átalakítások után

$$\sin \theta = \frac{1}{\sqrt{3}}, \quad \text{azaz} \quad \theta \approx 35,3^\circ$$

adódik. A körző szárait tehát  $2\theta \approx 70,5^\circ$ -nyira kell kinyitnunk, ekkor lesz a csuklója a legmagasabban.

*Pozsonyi Gergő* (Fazekas M. Főv. Gyak. Gimn., 10. o.t.) dolgozata alapján

*Megjegyzés.* A kérdéses  $2\theta$  nyílásszög a párhuzamos szelők tételének alkalmazásával is megkapható. Húzzunk a rendszer  $C$  tömegközéppontján át és a felső szár  $E$  tömegközéppontján át egy-egy függőleges egyenest (4. ábra). Ezek a  $2\theta$  nyílású szög szárainak párhuzamos szelői, tehát  $OE$  és  $EB$  egyenlőségéből  $FG = GO$  következik. Hasonló megfontolással a  $\varphi$  szögre:  $DC = CE$  miatt  $FG = DF$ . Ezek szerint az  $F$  és a  $G$  pontok harmadolják az  $OD$  szakaszt, amely viszont  $OE$ -vel egyenlő, vagyis  $OE = 3GO$ . Mivel az  $EGO$  háromszög derékszögű,  $\cos 2\theta = \frac{1}{3}$ , azaz  $2\theta \approx 70,5^\circ$ .  
(H. Gy.)

