

Vegyünk s db tetszőlegesen kitöltött lottószelvényt, és számoljuk meg, hogy az i szám ($1 \leq i \leq 90$) hány szelvényen szerepel, jelöljük ezt k_i -vel. A $k_1 + k_2 + \dots + k_{90}$ összeg nem más, mint ahány számot a szelvényeken összesen áthúztunk, tehát

$$k_1 + k_2 + \dots + k_{90} = 5s.$$

Nem növeljük a bal oldal értékét, ha egy tetszőleges $k \geq 0$ egész mellett a k -nál nagyobb tagok helyére $(k + 1)$ -et, a többi helyére 0 -t írunk. Ha a k -nál nagyobb $k_i - k$ száma n , akkor a módosítás után a bal oldal értéke $n(k + 1)$ lesz. Tehát $n(k + 1) \leq 5s$, amiből

$$n \leq \frac{5s}{k + 1}$$

adódik, azaz legfeljebb $\frac{5s}{k + 1}$ olyan szám van, amely k -nál több szelvényen szerepel. Esetünkben $s = 100$, $k = 49$, tehát $n \leq 10$, amint azt igazolni akartuk.

Puppán József (Szentendre, Móricz Zs. Gimn., III. o. t.)

Megjegyzések. 1. Könnyen látható, hogy 10 lottószámmal ki lehet tölteni 100 szelvényt úgy, hogy mindegyik 50-szer szerepeljen.

2. A bizonyításból látszik, hogy a feladat állítása 109 szelvény kitöltése esetén is igaz.