

Legyen  $\varphi_1$  olyan függvény, amely a valós számokat a  $(0; 1)$  intervallumba képezi injektíven (azaz az értékei különbözőek legyenek). Ilyen függvény létezik, például  $\varphi_1(x) = \frac{1}{2} + \frac{1}{\pi} \arctan x$ . Legyen továbbá  $\varphi_2(x) = x + 1$ .

Tekintsük most a

$$g_0(x) = \varphi_1(x), g_1(x) = \varphi_2(\varphi_1(x)), g_2(x) = \varphi_2(\varphi_2(\varphi_1(x))), \dots, g_n(x) = \varphi_2(\dots \varphi_2(\varphi_1(x)) \dots), \dots$$

függvényeket. (A  $g_n$ -ben tehát egyszer alkalmazzuk  $\varphi_1$ -et, majd  $n$ -szer  $\varphi_2$ -t.) A  $g_n$  függvény a valós számokat injektíven képezi az  $(n; n+1)$  intervallumba. Ezek az intervallumok diszjunktak, ezért a  $g_1, g_2, \dots$  függvények minden valós számot összesen legfeljebb egyszer vesznek fel.

A  $\varphi_3$  függvényt ezután úgy választjuk, hogy (minden  $n$ -re)  $\varphi_3(g_n(x)) = f_n(x)$  legyen, azaz legyen  $\varphi_3$  értelmezési tartománya  $g_1, g_2, \dots$  értékészletének uniója és

$$\varphi_3(x) = f_{[x]} \left( g_{[x]}^{-1}(x) \right).$$

A  $\varphi_4, \dots, \varphi_{1994}$  függvényekre nincs szükség, ezeket bárminek választhatjuk.