

Legyen  $u = \sqrt{x^2 - 1}$ . Mindkét oldalt négyzetre emelve és ezt behelyettesítve, rendezzük az egyenletet a következőképpen:

$$x^2 \left(1 - \frac{1}{\sqrt{x^2 - 1}}\right)^2 = \left(\frac{91}{60}\right)^2; (u^2 + 1) \left(1 - \frac{1}{u}\right)^2 = \left(\frac{91}{60}\right)^2; \left(u + \frac{1}{u}\right) \left(u + \frac{1}{u} - 2\right) = \left(\frac{91}{60}\right)^2.$$

Ez  $\left(u + \frac{1}{u}\right)$ -ra másodfokú egyenlet, amelynek gyökei:  $\frac{169}{60}$  és  $-\frac{49}{60}$ . Azonban, definíciója alapján,  $u$  és  $u + \frac{1}{u}$  pozitív, ezért a negatív gyök nem jöhet szóba. Tehát

$$u + \frac{1}{u} = \frac{169}{60}, \quad \text{azaz} \quad u^2 - \frac{169}{60}u + 1 = 0$$

Ennek a másodfokú egyenletnek két gyöke van: az  $\frac{5}{12}$  és a  $\frac{12}{5}$ .

Ha  $u = \frac{5}{12}$ , akkor  $x = \pm\sqrt{u^2 + 1} = \pm\frac{13}{12}$ . Behelyettesítéssel ellenőrizhető, hogy a  $-\frac{13}{12}$  megoldás, a  $+\frac{13}{12}$  pedig nem.

Ha  $u = \frac{12}{5}$ , akkor  $x = \pm\sqrt{u^2 + 1} = \pm\frac{13}{5}$ . Ezek közül a  $+\frac{13}{5}$  megoldás, a  $-\frac{13}{5}$  nem megoldás.

Az egyenletnek tehát két gyöke van:  $x_1 = -\frac{13}{12}$  és  $x_2 = \frac{13}{5}$ .