

A feladat megoldását a vonathoz rögzített gyorsuló koordinátarendszerben adjuk meg. A gyorsuló rendszerben fellépő tehetetlenségi erő hatására az inga úgy fog viselkedni, mintha olyan gravitációs térben lenne, amelyben a nehézségi gyorsulás \mathbf{g} és $-\mathbf{a}$ vektori összege (1. ábra).

1988-11-421-1.eps

1. ábra

Az inga nyugalmi helyzete tehát a függőlegeshez képest a

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{a}{g}$$

összefüggés által meghatározott irányban van. Ehhez a helyzethez képest az inga kitérése kezdetben éppen α volt, így a mozgás során az egyensúlyi helyzeten áthaladva, a másik oldalon szintén α szöggel lendül túl. Tehát a függőlegeshez képest a kitérés maximális szöge:

$$\alpha_{\max} = 2 \operatorname{arc} \operatorname{tg} \frac{a}{g}.$$

A vonathoz rögzített koordinátarendszerben a maximális sebesség kiszámításához az energiamegmaradás törvényét használjuk fel. A ferde g' „gravitációs” térben a kezdeti állapot és az egyensúlyi helyzet közötti potenciális energiakülönbség egyenlő az inga egyensúlyi helyzetéhez tartozó maximális kinetikus energiájával (2. ábra).

1988-11-421-2.eps

2. ábra

$$mg'l(1 - \cos \alpha) = \frac{1}{2}mv_{\max}^2,$$

ahol $g' = \sqrt{a^2 + g^2}$. Ebből a vonathoz rögzített koordinátarendszerben az inga maximális sebessége:

$$v_{\max} = \sqrt{2l(\sqrt{a^2 + g^2} - g)}$$

Pálos Csaba (Budapest, Piarista Gimn., III. o. t.)

Megjegyzés. Ha \mathbf{a} és \mathbf{g} nem merőlegesek egymásra, akkor a vektori eredőből adódó \mathbf{g}' teret kell a számításnál figyelembe venni.

Lévay Ákos (Budapest, ELTE Apáczai Cs. J. Gyak. Gimn., III. o. t.)