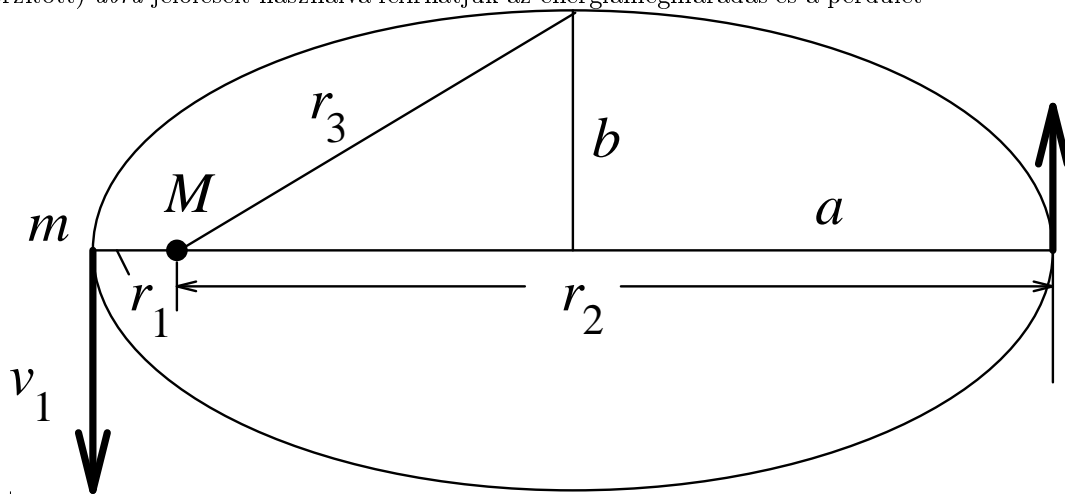


Mivel a mesterséges hold tömege jóval kisebb a Föld tömegénél, a mozgást tekinthetjük rögzített vonzócentrum körüli bolygómozgásnak. Az (erősen eltorzított) *ábra* jelöléseit használva felírhatjuk az energiamegmaradás és a perdület



megmaradásának törvényét:

$$(1) \quad \frac{1}{2}mv_1^2 - \gamma \frac{Mm}{r_1} = \frac{1}{2}mv_2^2 - \gamma \frac{Mm}{r_2},$$

illetve

$$(2) \quad mv_1r_1 = mv_2r_2.$$

Ezekből

$$(3) \quad v_1 = \sqrt{2\gamma M \frac{r_2}{r_1(r_1 + r_2)}}$$

adódik. (3)-t az (1) energia-egyenletbe visszahelyettesítve leolvashatjuk, hogy az ellipszispályán mozgó test összenergiája

$$(4) \quad E = E_{\text{mozgási}} + E_{\text{gravitációs}} = \frac{1}{2} \cdot 2\gamma Mm \frac{r_2}{r_1(r_1 + r_2)} - \gamma Mm \frac{1}{r_1} = -\gamma \frac{Mm}{2a},$$

ahol $a = (r_1 + r_2)/2$ az ellipszis fél nagytengelye. Így bármely pontban

$$(5) \quad v = \sqrt{\gamma Mm \left(\frac{2}{r} - \frac{1}{a} \right)},$$

ha r a test és a vonzócentrum pillanatnyi távolsága.

Mesterséges holdunk pályájának nagytengelye $200 \text{ km} + 900 \text{ km} + 2 \cdot R_{\text{Föld}} = 13\,840 \text{ km}$, így $a = 6920 \text{ km}$. Földközeli $r = r_1 = 6570 \text{ km}$, földtávolban $r = r_2 = 7270 \text{ km}$, a két pont között félúton, a kistengely egyik végpontjában $r = r_3 = a = 6920 \text{ km}$. A megfelelő sebességek az (5) egyenletből számolhatók: $v_1 = 8 \text{ km/s}$, $v_2 = 7,23 \text{ km/s}$ és $v_3 = 7,6 \text{ km/s}$.