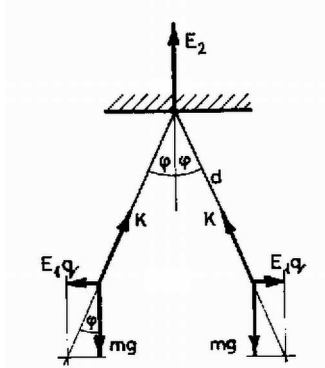


A felfüggesztett töltésekre az ábrán látható erők hatnak: a  $K$  kötélerő, az  $mg$  gravitációs erő és az  $E_1q$  elektromos erő.  $E_1$  az elektromos térerősség nagysága a töltések helyén,  $E_2$  a felfüggesztési pontban.



A töltések akkor vannak egyensúlyban, ha a gravitációs és az elektromos erő eredője  $K$ -val ellentétes irányú, azaz

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{E_1 q}{mg}.$$

Mivel

$$E_1 = \frac{1}{4\pi \varepsilon_0} \cdot \frac{q}{4d^2 \sin^2 \varphi},$$

ezért az egyensúlyi helyzetben

$$\frac{\sin^3 \varphi}{\cos \varphi} = \frac{q^2}{4\pi \varepsilon_0 \cdot 4d^2 mg}.$$

Az elektromos térerősség nagysága a felfüggesztési pontban

$$E_2 = 2 \cdot \frac{1}{4\pi \varepsilon_0} \cdot \frac{q}{d^2} \cos \varphi = 4d \sqrt{\frac{mg}{4\pi \varepsilon_0}} \sqrt{\sin^3 \varphi \cdot \cos \varphi},$$

a töltés nagyságát az előző egyenletből fejeztük ki.  $E_2$  maximumát keressük  $\varphi$  függvényében. Ezt numerikusan vagy differenciálás segítségével határozhatjuk meg.  $\sqrt{\sin^3 \varphi \cdot \cos \varphi}$  akkor maximális 0 és  $90^\circ$  között, ha  $\operatorname{tg} \varphi = \sqrt{3}$ , azaz  $\varphi = 60^\circ$ . Ekkor

$$q = d \sqrt{3\sqrt{3}mg \cdot 4\pi \varepsilon_0}.$$