

Az  $l$  hosszúságú rúdon a bal szélétől  $x$  távolságra helyezzük el a csapágyat! Ha a helyzeti energia nullszintjét a csapágy magasságában vesszük fel, akkor a vízszintes mozdulatlan súlyzó energiája zérus. A függőleges helyzetben a helyzeti energia

$$-xmg + (l - x)mg = (l - 2x)mg,$$

ahol  $m = 3$  kg a rúd végén levő nehezékek tömege (a pálcát elhanyagolható tömegűnek tekintjük). A mozgási energia

$$\frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}m\left(v\frac{l-x}{x}\right)^2 = \frac{1}{2}mv^2\left[1 + \left(\frac{l-x}{x}\right)^2\right],$$

ahol  $v = 1,6$  m/s az alsó,  $v\frac{l-x}{x}$  pedig a felső nehezék sebessége a függőleges helyzet elérésekor. Mivel az összenergia nem változik a mozgás során,

$$(l - 2x)mg + \frac{1}{2}mv^2\left[1 + \left(\frac{l-x}{x}\right)^2\right] = 0.$$

Ebből  $x$ -re a következő harmadfokú egyenletet kapjuk:

$$x^3 - \left(\frac{v^2}{2g} + \frac{l}{2}\right)x^2 + \frac{v^2}{2g}lx - \frac{v^2}{4g}l^2 = 0.$$

Behelyettesítve az adatokat:

$$x^3 - 0,828 \text{ m} \cdot x^2 + 0,1792 \text{ m}^2 \cdot x - 0,12544 \text{ m}^3 = 0.$$

Ezt a Cardano-képlettel, grafikusán, vagy valamilyen numerikus közelítő eljárással oldhatjuk meg.

$x$ -et a  $[0,7\text{m}, 1,4\text{m}]$  intervallumból kell választanunk. Az egyenlet megoldása:  $x = 0,8$  m, vagyis a rudat a bal oldali végétől 0,8 m-re kell csapágyazni.