

Az ütközés előtti pillanatban a tömegpont sebessége merőleges a falra, mert a fal sugár-, a pillanatnyi sebesség pedig érintő irányú. Tökéletesen rugalmas ütközés esetén a tömegpont sebességének nagysága ütközés után ugyanakkora lesz, mint ütközés előtt, iránya pedig éppen ellentétes. Így az ütközés utáni sebesség az lesz, mintha a tömegpont ütközés nélkül elért volna a szélső helyzetbe és onnan az ütközés pontjáig visszajött volna, hiszen a pálya bármely pontjában a sebességet a mechanikai energia megmaradása egyértelműen meghatározza. Tehát a tömegpont további mozgása során „nem tud arról”, hogy ütközött; így a teljes lengésidejéből csak az az időtartam marad ki, amit a tömegpont a fal mögött töltene, ha az ütközés idejét elhanyagoljuk.

A matematikai inga mozgásegyenlete kis kitérés esetén

$$(1) \quad \beta(t) = \beta \sin \omega t,$$

ahol $\beta(t)$ a függőleges és az inga fonala által bezárt szöget, β a kitérés (szög -) amplitúdóját, $\omega = \sqrt{g/l}$ pedig a körfrekvenciát jelöli. Ha nem lenne fal, a teljes lengésidejő $T = 2\pi\sqrt{l/g}$ lenne.

Legyen olyan helyzetű a fal, hogy a tömegpont $T/4$ ideig zavartalanul mozoghat, utána azonban csak α -ig tud kitérni. Az a kitéréshez szükséges időt (1)-ből könnyen megkapjuk, ha az

$$\alpha = \beta \sin \omega t$$

kifejezésből t -t kifejezzük, ami

$$t = (1/\omega) \arcsin(\alpha/\beta).$$

Ugyanennyi idő szükséges a függőleges helyzet eléréséhez. Így ha $2t$ -hez hozzáadunk $T/2$ -t, akkor megkapjuk a fallal akadályozott inga lengésidejét (T^*), ami

$$T^* = \pi\sqrt{l/g} + (2/\omega) \arcsin(\alpha/\beta) = \sqrt{l/g}(\pi + 2 \arcsin(\alpha/\beta)).$$

Abban az esetben, ha a falat úgy helyezzük el, hogy az elengedés után még $T/4$ ideig sem tud ütközés nélkül mozogni a tömegpont, akkor a szélső helyzetből az ütközésig eltelt időt a következő összefüggés határozza meg:

$$\alpha = \beta \sin(\omega t + \pi/2).$$

Most ennek az időnek a kétszerese az inga lengésideje (\tilde{T}).

$$\tilde{T} = (2/\omega) \arccos(\alpha/\beta) :$$