



Legyen a kondenzátorok kapacitása az ábra szerint C_1, C_2, \dots, C_5 , töltésük a kapcsoló adott állásában Q_1, Q_2, \dots, Q_5 .

a) A kapcsoló nyitott állásában a C_5 kapacitású kondenzátor nem töltődik fel. Ekkor $Q_1 = Q_2$ és $Q_3 = Q_4$. A huroktörvényből:

$$Q_1/C_1 + Q_2/C_2 = 24 \text{ V}, \quad Q_3/C_3 + Q_4/C_4 = 24 \text{ V}.$$

Innen adataink felhasználásával

$$Q_1 = Q_2 = 16 \mu\text{C}, \quad Q_3 = Q_4 = 41,14 \mu\text{C}.$$

A rendszerre vitt töltés $Q = Q_1 + Q_3$. Így az eredő kapacitás

$$C = \frac{Q}{U} = \frac{57,14 \mu\text{C}}{24 \text{ V}} = 2,39 \mu\text{F}.$$

b) A kapcsoló zárt állásában írjuk fel Kirchhoff II. törvényét az ADC és BCD hurokra:

$$\begin{aligned} (1) \quad & Q_1/C_1 - Q_3/C_3 - Q_5/C_5 = 0, \\ (2) \quad & Q_2/C_2 + Q_5/C_5 - Q_4/C_4 = 0. \end{aligned}$$

Az ACB úton a feszültségesés $U = 24 \text{ V}$, így

$$(3) \quad Q_1/C_1 + Q_2/C_2 = U.$$

Végül írjuk fel a töltésmegmaradást kifejező egyenleteket a C és D pontra:

$$\begin{aligned} (4) \quad & Q_2 - Q_1 - Q_5 = 0, \\ (5) \quad & Q_4 + Q_5 - Q_3 = 0. \end{aligned}$$

Az (1) – (5) egyenletekből álló ötismeretlenes lineáris egyenletrendszert megoldva

$$Q_1 = 14,87 \mu\text{C}, \quad Q_2 = 18,25 \mu\text{C}, \quad Q_3 = 42,59 \mu\text{C}, \quad Q_4 = 39,21 \mu\text{C}, \quad Q_5 = 3,38 \mu\text{C}.$$

Az eredő kapacitás

$$C = \frac{Q}{U} = \frac{Q_1 + Q_3}{U} = 2,395 \mu\text{F}.$$

Fóris Zoltán (Bp., Apáczai Csere J. Gyak. Gimn., IV. o. t.)

Megjegyzés. Az eredő kapacitás közvetlenül számolható az a) esetben a soros-párhuzamos, a b) esetben a deltacsillag átalakítással.