

Műhold Föld körüli körpályán csak úgy keringhet rakétahajtómű nélkül, ha a centripetális erőt a Föld középpontja fele mutató súlyerő adja. Emiatt csak olyan körpályákon mozoghat, amelyek síkja a Föld középpontján halad át. Ezért szinkron mesterséges hold csak az egyenlítő síkjába állítható, és keringési szögsebességének meg kell egyeznie a Föld forgási szögsebességével (ω).

A gravitációs törvény alapján a Föld középpontjától R távolságban a gravitációs gyorsulás a Föld felszínén mért érték $(R_F/R)^2$ -szeresére változik, ahol R_F a Föld sugara. A gravitációs gyorsulás szolgáltatja az $R\omega^2$ centripetális gyorsulást:

$$(1) \quad g \cdot (R_F^2/R^2) = R\omega^2,$$

ahonnan a szinkronhold pályasugara:

$$(2) \quad R = \sqrt[3]{g \left(\frac{R_F}{\omega} \right)^2}.$$

A $g = 9,8 \text{ m/s}^2$, $R_F = 6,38 \cdot 10^6 \text{ m}$ és $\omega = 7,27 \cdot 10^{-5} \text{ s}^{-1}$ numerikus adatok felhasználásával a pályasugár (2) alapján $R = 4,23 \cdot 10^7 \text{ m}$, a szinkronhold sebessége a $v = R\omega$ összefüggést felhasználva $3,07 \cdot 10^3 \text{ m s}^{-1}$.

Kepler III. törvényével is hamar célhoz juthatunk. Ha R_{FH} -val jelöljük a Hold pályasugarát és T_H -val a keringési idejét, akkor a

$$(3) \quad \left(\frac{R}{R_{FH}} \right)^3 = \left(\frac{T}{T_H} \right)^2$$

összefüggés alapján R azonnal kifejezhető:

$$(4) \quad R = R_{FH} \sqrt[3]{\left(\frac{T}{T_H} \right)^2},$$

ahol T a szinkronhold keringési ideje (1 nap). Behelyettesítve a táblázatokból nyerhető adatokat ($R_{FH} = 3,85 \cdot 10^8 \text{ m}$ és $T_H = 27,23 \text{ nap}$), a szinkronhold pályasugarára a korábban kapott érték adódik.

Gulyás Andor (Kecskemét, Katona J. Gimn., III. o. t.)
dolgozata alapján