

Az elejtéstől számítva  $\sqrt{2h/g}$  idő telik el az első pattanásig. Ütközéskor a golyó elveszti mechanikai energiájának  $(1 - y)$ -szorosát. (Ezt az  $(1 - y)$ -t akarjuk meghatározni.) Az eredeti energiának csak  $y$ -szorosa marad meg, s ezért a golyó  $y \cdot h$  magasságra fog emelkedni. A következő ütközésig eltelt idő tehát  $2\sqrt{2hy/g}$ . Most is az fog történni, hogy az előző magasság  $y$ -szorosára, tehát  $y^2 \cdot h$ -ra emelkedik a golyó. Az eltelt idő  $2\sqrt{2hy^2/g}$ , az előző,  $\sqrt{y}$ -szorosa. A pattanás végtelen sokszor megismétlődik, s a két földetérés között eltelt idő mindig  $\sqrt{y}$ -szor lesz kisebb (definíció szerint  $y < 1$ ). Az egész jelenség  $t$  ideig tart, tehát

$$\sqrt{\frac{2h}{g}} + 2\sqrt{\frac{2hy}{g}} + 2\sqrt{\frac{2hy^2}{g}} + 2\sqrt{\frac{2hy^3}{g}} + \dots = t.$$

(Ez az egyenlet azt fejezi ki, hogy végtelen sok pattanás teljes ideje véges, ugyanis az emelkedési magasság és így a két pattanás között eltelt idő nagyon gyorsan csökken.)

Átrendezve:

$$2\sqrt{\frac{2h}{g}}\sqrt{y}(1 + \sqrt{y} + \sqrt{y^2} + \dots) = t - \sqrt{\frac{2h}{g}}.$$

A zárójelen belül mértani sor áll.  $y < 1$ , ezért a sor összege véges:  $\frac{1}{1 - \sqrt{y}}$ .

$\sqrt{y}$ -ra megoldva:

$$\sqrt{y} = \frac{t - \sqrt{\frac{2h}{g}}}{t + \sqrt{\frac{2h}{g}}}.$$

Az adatokat behelyettesítve  $\sqrt{y} = 4/5$ , vagyis  $y = 0,64$ . Egy pattanáskor az energia  $1 - y = 0,36$ -szorosa, tehát 36 %-a alakul át nem mechanikai energiává.

*Szabó András* (Miskolc, 2. sz. Ipari Szakközépisk., II. o. t.)