

Mind az oda-, mind a visszaút három szakaszból áll: a rakéta a maximális $3g$ gyorsulással felgyorsul a megengedett sebességre; egyenletes sebességgel halad célja felé; majd ismét $-3g$ gyorsulással megáll.

A felgyorsuláshoz, illetve lelassuláshoz szükséges idő

$$t_1 = v_{\max}/3g,$$

az ezalatt megtett út

$$s_1 = \frac{3g}{2} t_1^2 = \frac{v_{\max}^2}{6g}.$$

A rakéta maximális sebességgel mindkétszer $s_2 = s - 2s_1$ utat tesz meg, az ehhez szükséges idő

$$t_2 = \frac{s - 2s_1}{v_{\max}}.$$

A csillag meglátogatásához szükséges összes idő akkor

$$T = 2 \cdot (2t_1 + t_2) \approx 10 \text{ év } 220 \text{ nap.}$$

Fodor László (Vác, Sztáron S. Gimn., II. o. t.)

Megjegyzések. 1. Egy feladat számszerű végeredményének megadásakor mindig gondoljunk arra, hogy a felhasznált adatok mérések eredményei, és nincs értelme a számítás végeredményét nagyobb pontossággal megadni, mint amilyen pontosak az adatok voltak. Az adott feladatban pl. a nehézségi gyorsulást 10 m/s^2 -nek véve 2%-os hibát követünk el, a csillag távolsága is csak kb. 1% pontossággal ismert, teljesen irreális tehát az utazás idejét másodperc pontossággal megadni.

2. A csillag meglátogatásához szükséges időt klasszikusan, a Földhöz rögzített koordináta-rendszerben számítottuk ki. A fénysebességhez közeli v sebességgel mozgó űrhajó utasa számára azonban a relativitáselmélet szerint $\sqrt{1 - v^2/c^2}$ -szeresen kisebb idő telik el. Becsüljük meg, mennyit öregszik az űrhajós, feltéve, hogy a Földről nézve ugyanúgy mozog, mint klasszikusan. A gyorsulás ideje alatti időlassúbbodást a $v_{\max}/2$ átlagsebességnek megfelelően számítva közelítjük. Ekkor

$$T' \approx 2t_2 \sqrt{1 - \left(\frac{v_{\max}}{c}\right)^2} + 4t_1 \sqrt{1 - \left(\frac{v_{\max}}{2c}\right)^2} \approx 6 \text{ év } 90 \text{ nap.}$$