

Az ábráknak megfelelően három mérést végezhetünk el, így kapjuk a következőket:

$$U_1 = I_1 R_v, \quad E = I_1 (R_v + R_b), \quad \text{tehát}$$

$$(1) \quad E = U_1 \frac{R_v + R_b}{R_v};$$

$$U_2 = I_2 R_v, \quad E = I_2 (R_v + R_b + R), \quad \text{tehát}$$

$$(2) \quad E = U_2 \frac{R_v + R_b + R}{R_v};$$

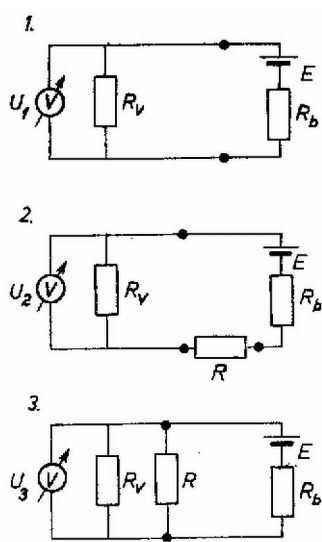
végül

$$U_3 = I_v R_v = I_R R, \quad E = I_3 R_b + U_3, \quad I_3 = I_v + I_R,$$

így

$$(3) \quad E = U_3 \left[ \frac{R_v + R_b}{R_v} + \frac{R_b}{R} \right].$$

$R$  adott,  $U_1, U_2, U_3$  mért értékek, míg három mennyiség:  $E, R_b, R_v$  még ismeretlen.



Az utóbbiak az (1), (2), (3) egyenletrendszerből a következő módon határozhatók meg:

Osszuk el a (2) egyenletet (1)-gyel:

$$1 = \frac{U_2}{U_1} \cdot \left( 1 + \frac{R}{R_v + R_b} \right),$$

ebből

$$(4) \quad R_v + R_b = \frac{R}{\frac{U_1}{U_2} - 1}.$$

Osszuk el (3)-at (1)-gyel:

$$1 = \frac{U_3}{U_1} \left[ 1 + \frac{R_v R_b}{R(R_v + R_b)} \right],$$

tehát (4) felhasználásával kapjuk:

$$(5) \quad R_v R_b = \frac{R^2 \left( \frac{U_1}{U_3} - 1 \right)}{\frac{U_1}{U_2} - 1}.$$

(4) és (5) alapján  $R_v$  és  $R_b$  ugyanazon másodfokú egyenlet gyökei, s eredményül kapjuk  $R_v$  és  $R_b$  nagyságára az alábbi értékeket:

$$(6) \quad R \frac{1 \pm \sqrt{1 - 4 \left( \frac{U_1}{U_2} - 1 \right) \left( \frac{U_1}{U_3} - 1 \right)}}{2 \left( \frac{U_1}{U_2} - 1 \right)}.$$

A gyakorlatban általában  $R_v \gg R_b$ , tehát (6)-ban a felső előjel megadja  $R_v$ -t, az alsó  $R_b$ -t (nyilván  $U_1 > U_2$ , tehát  $U_1/U_2 - 1 > 0$ ). Végül (1)-be visszahelyettesítve

$$E = U_1 \frac{2}{1 + \sqrt{1 - 4 \left( \frac{U_1}{U_2} - 1 \right) \left( \frac{U_1}{U_3} - 1 \right)}}.$$