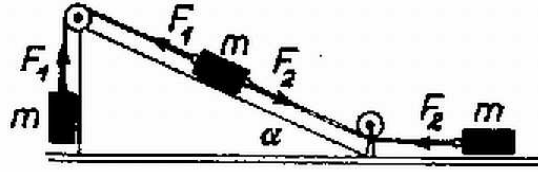


**I. megoldás.** A három testre külön-külön felírva a Newton-féle mozgásegyenleteket:



$$mg - F_1 = m \cdot a_1,$$

$$F_1 - F_2 - m \cdot g \cdot \sin \alpha = ma_2,$$

$$F_2 = m \cdot a_3,$$

ahol  $F_1$  és  $F_2$  a két kötélrészben ébredő erők,  $a_1$ ,  $a_2$ ,  $a_3$  a gyorsulások. Felírhatjuk még a kötélnyújthatatlansága miatt az  $a_1 = a_2 = a_3$  feltételt is. Ennek figyelembevételével, összeadva a három mozgásegyenletet:

$$mg - mg \sin \alpha = 3ma, \quad \text{ahonnan}$$

$$a = g \cdot \frac{1 - \sin \alpha}{3}.$$

Visszahelyettesítve az egyenletekbe,  $F_1$  és  $F_2$  kiszámítható. Az első egyenletből

$$F_1 = mg - ma = mg \left( 1 - \frac{1 - \sin \alpha}{3} \right) = mg \frac{2 + \sin \alpha}{3};$$

a harmadikból

$$F_2 = ma = mg \frac{1 - \sin \alpha}{3}.$$

*Sebestyén István (Szeged, Ságvári E. Gimn., II. o. t.)*

**II. megoldás.** Mivel a kötélnyújtásmentes mozgás során, a három testet egyetlen rendszernek tekinthetjük, amelynek minden része azonos gyorsulással mozog. Így egy mozgásegyenletet írunk csak fel. A rendszerre a mozgás irányában  $m \cdot g$ , vele szemben  $m \cdot g \cdot \sin \alpha$  erő hat, az össztömeg  $3m$ . Tehát

$$a = \frac{mg - mg \sin \alpha}{3m} = \frac{g \cdot (1 - \sin \alpha)}{3}.$$

Az  $a$  gyorsulással eső test  $F_1 = m \cdot (g - a)$  erővel húzza az első kötélrészét, ebből  $F_1$  meghatározható, mint fent. A második kötélrészben a vízszintesen mozgó test gyorsításához szükséges  $F_2 = m \cdot a$  erő lép fel.

*Erdélyi Kinga (Mosonmagyaróvár, Kossuth L. Gimn. II. o. t.)*

**III. megoldás.** Az energiamegmaradás törvényéből indulunk ki. A függőlegesen mozgó test  $s$  úton  $mgs$  helyzeti energiát veszít, ez részben mozgási energiává alakul (mindhárom testnél), részben a lejtőn mozgó test helyzeti energiáját növeli  $m \cdot g \cdot s \cdot \sin \alpha$  értékkel:

$$mgs = mg \sin \alpha + \frac{3mv^2}{2}.$$

Felhasználva, hogy állandó erők hatnak, tehát a mozgás egyenletesen gyorsuló

$$v^2 = 2as, \quad \text{behelyettesítve :}$$

$$g = g \cdot \sin \alpha + 3a$$

$$a = g \frac{1 - \sin \alpha}{3}.$$

*Laczkó Gábor (Kalocsa, Tomori úti Gimn. és Szakközépiskola, II. o. t.)*

*Megjegyzés.* Igen sokan az  $F_1$  kiszámításánál csak azt vették figyelembe, hogy  $2m$  tömeget gyorsít, és így  $2 \cdot m \cdot a$  értéket kaptak.  $F_1$ -nek azonban még a lejtőn lefelé irányuló  $m \cdot g \cdot \sin \alpha$  erőt is le kell győznie, s ezt hozzáadva kapjuk a helyes eredményt.