

**I. megoldás.** Az erőt Newton II. törvénye alapján kapjuk:

$F = \frac{\Delta(mv)}{\Delta t}$ , ahol  $\Delta(mv)$  az ütköző meteorok impulzusváltozása egy rövid  $\Delta t$  idő alatt. Minthogy a feltétel szerint a sebesség állandó,

$$F = v \frac{\Delta m}{\Delta t}.$$

Ha a sűrűséget  $d$ -vel jelöljük,  $m = v\Delta t \cdot Ad$ .

Ezt az előző képletbe helyettesítve:  $F = v^2 \cdot Ad$ .

Numerikusan:  $F = (10^4 \text{ m/s})^2 \cdot 50 \text{ m}^2 \cdot 2 \cdot 10^{-5} \text{ kg/m}^3 = 10^5 \text{ N} \approx 10 \text{ Mp}$ .

*Bálványos Zoltán (Makó, József A. g. II. o. t.)*

**II. megoldás.** A meteorok az űrhajóba rugalmatlanul ütköznek, azaz közös sebességet nyernek. Ha az űrhajó 1 métert halad előre, akkor 1 g tömegű meteort ragad magával. Legyen a keresett hajtóerő  $F$ . Ha  $F$  hajtóerőt működtetünk, akkor az űrhajó sebessége változatlan, tehát a meteorok sebessége is 10 km/s lesz. A meteor munkavégző képessége 0 volt, s ezt  $W = \frac{1}{2}mv^2$ -re emeltük, tehát

$F = \frac{\frac{1}{2}mv^2}{1\text{m}} = 5 \cdot 10^4 \text{ kgm/s}^2 = 5 \text{ Mp}$  erőt közöltünk vele. Azonban a rugalmatlan ütközésnél energiaveszteség is van:

$$E = \frac{1}{2} \frac{m_1 \cdot m_2}{m_1 + m_2} (v_1 - v_2)^2,$$

ahol  $m_1$  a meteorok,  $m_2$  az űrhajó tömege,  $v_1$  a meteor  $v_2$  az űrhajó sebessége az ütközés előtt.

Hogy ezt az energiaveszteséget ellensúlyozzuk, ahhoz

$$F_2 = \frac{\frac{1}{2} \frac{m_1 \cdot m_2}{m_1 + m_2} (v_1 - v_2)^2}{1 \text{ méter}} \text{ erőt kell működtetnünk.}$$

$\frac{m_1 \cdot m_2}{m_1 + m_2} = \frac{m_1}{1 + \frac{m_1}{m_2}} \approx m_1$ , mivel  $m_1$  elhanyagolhatóan kicsi  $m_2$ -höz viszonyítva. Innen  $F_2 = 5 \text{ Mp}$ .

Tehát, hogy az űrhajó sebessége ne változzék,  $F = F_1 + F_2 = 10 \text{ Mp}$  hajtóerőt kell működtetni.

*Fuggerth Endre (Bp., Fazekas M. g. II. o. t.)*