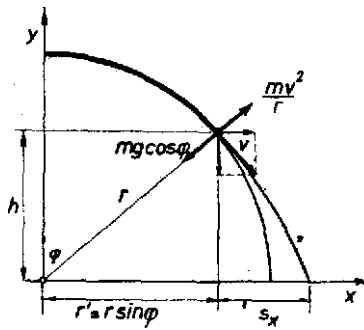


A testre két erő hat: 1) az  $mg$  nagyságú függőlegesen lefelé irányuló nehézségi erő, ennek  $mg \cdot \cos \varphi$  nagyságú komponense adja a testet a körpályára nyomó erőt: 2) a sugárirányban kifelé mutató  $mv^2/r$  nagyságú centrifugális erő.



Amikor ez a két erő egymással egyenlő lesz, akkor válik le a tömegpont a pályáról. (Nyilvánvaló, hogy a mozgás elindításához a golyót ki kell mozdítani labilis egyensúlyi helyzetéből; az ekkor nyert minimális sebességet elhanyagoljuk.) A fentiek szerint

$$mv^2/r = mg \cdot \cos \varphi.$$

A mozgás súrlódásmentes, tehát a sebességet az energiátételből számíthatjuk:

$$mg(r - h) = mv^2/2.$$

Az ábrából leolvasható még, hogy  $h = r \cdot \cos \varphi$ .

A három egyenletből  $h = 2r/3 = 1,0$  méter,  $\cos \varphi = h/r = 2/3$ ,  $v = \sqrt{2gr/3} = \sqrt{9,81}$  m/sec.

A sebességvektor a vízszinteshez viszonyítva  $\varphi$  szög alatt lefelé irányul. A leválás pillanatától a mozgás parabola pályán történik és a ferde hajítás egyenleteivel írható le.

A függőleges irányban megtett út

$$s_y = v \cdot \sin \varphi \cdot t + gt^2/2 = 1 \text{ m.}$$

Ebből számítható az elválástól a földet érésig tartó idő:  $t \approx 0,272$  sec.

Ez idő alatt a vízszintes irányú elmozdulás

$$s_x = v \cdot \cos \varphi \cdot t \approx 0,568 \text{ m.}$$

Az elválás pillanatától a pont

$$r' = r \cdot \sin \varphi \approx 1,118 \text{ m}$$

távolságban volt a negyedkör függőleges tengelyétől, tehát a földet érés pillanatában a középponttól való távolság

$$l = s_x + r' = 1,686 \text{ m.}$$

*Erdélyi Katalin* (Győr, Zrínyi I. g. IV. o. t.)  
*Szalay Sándor* (Debrecen, Kossuth L. gyak. g. II. o. t.)