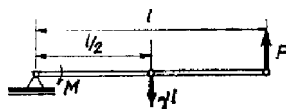


Bár a szövegezésből nem derül ki, feltételezzük, hogy az emelő vízszintes és vízszintes tengely körül forog.

**I. megoldás.** Jelöljük az emelő hosszát  $l$ -lel, az emelő erőt  $P$ -vel. Az emelő súlya  $\gamma l$ , amely a súlypontban támad, forgatónyomatéka a tengelyre tehát  $-\gamma l^2/2$ . (Azért negatív, mert az óramutatóval egyező irányban forog.) A lefelé ható erő forgatónyomatéka ugyanezért  $-M$ , az emelő erőé  $Pl$ . E forgató-nyomatékok összege 0.



$$Pl - M - \frac{\gamma l^2}{2} = 0 \quad \text{innen} \quad P = \gamma \frac{l}{2} + \frac{M}{l}.$$

Ezt a kifejezést kell minimálissá tenni  $l$  alkalmas megválasztásával. Átalakítva:

$$P = \sqrt{\frac{\gamma M}{2}} \cdot \left( \frac{l\sqrt{\gamma}}{\sqrt{2M}} + \frac{\sqrt{2M}}{l\sqrt{\gamma}} \right).$$

A zárójelben most egy  $x + 1/x$  típusú kifejezés áll. Pozitív  $x$ -re

$x + 1/x \geq 2$ , és az egyenlőség jele akkor és csak akkor érvényes, ha  $x = 1$ . Az optimális  $l$ -re tehát:

$$\frac{l\sqrt{\gamma}}{\sqrt{2M}} = 1, \quad \text{és így } l = \sqrt{\frac{2M}{\gamma}}. \quad \text{A minimális erő pedig:}$$

$$P = \sqrt{\frac{\gamma M}{2}} \cdot 2 = \sqrt{2\gamma M} = 100 \text{ kp.}$$

*Herendi István* (Szombathely, Latinka S. gépip. techn. II. o. t.)  
dolgozata alapján

**II. megoldás.** Rögzített  $P$  esetén  $l$ -re másodfokú egyenletet kapunk. (Lásd az előző megoldást.) Ezt  $l$ -re megoldva:

$$l = \frac{P \pm \sqrt{P^2 - 2\gamma M}}{\gamma}.$$

Ha  $P$  túl kicsi, a diszkrimináns negatív. A minimális  $P$ -t tehát akkor kapjuk, ha a diszkrimináns 0. Így

$$P = \sqrt{2\gamma M}; \quad l = \frac{P}{\gamma} = \sqrt{\frac{2M}{\gamma}}.$$

*Sváb Erzsébet* (Bp., Radnóti M. gyak. g. II. o. t.)

*Megjegyzés:* A minimumfeladat még többféleképpen megoldható: grafikus úton, geometriai megfontolásokkal, számtani-mértani közép egyenlőtlenséggel, teljes négyzetté kiegészítéssel stb. Eltekintve a grafikus megoldástól, ezek egymástól lényegesen nem különböznek.