

Legyen v annak a valószínűsége, hogy A egy játszmát nyer, akkor annak valószínűsége, hogy A n játszma közül – a sorrendtől eltekintve – k játszmát nyer és $n - k$ játszmát veszít

$$\binom{n}{k} v^k (1 - v)^{n-k}$$

ahol $k = 0, 1, 2, \dots, n$.

Ezt jelen esetre alkalmazva, a feladat szerint ($0 < v < 1$)

$$\binom{7}{4} v^4 (1 - v)^3 = 2 \binom{7}{5} v^5 (1 - v)^2,$$

vagyis $v^4(1 - v)^2$ -tel egyszerűsítve

$$35(1 - v) = 42v, \quad \text{innen} \quad v = \frac{5}{11}.$$

Tehát annak valószínűsége, hogy A megnyeri a fogadást $\left(\frac{5}{11}\right)^7$. Igazságos fogadás esetén a téték arányosak a nyerés valószínűségeivel. A fogadást ajánló méltányos tétjét A egységnyi tétjével szemben, t -vel jelölve

$$t : 1 = \left[1 - \left(\frac{5}{11}\right)^7 \right] : \left(\frac{5}{11}\right)^7,$$

amiből

$$t = \frac{1 - \left(\frac{5}{11}\right)^7}{\left(\frac{5}{11}\right)^7} = \left(\frac{11}{5}\right)^7 - 1 = 248,4.$$

A fogadás tehát A -ra nézve hátrányos, mert 248,4-szeres pénz lett volna méltányos.

Csiszár Imre (Bp. I., Petőfi g. III. o. t.)