

Írjuk fel utóbbi függvényre a kéttagú szimmetrikus Jensen-egyenlőtlenséget, a két „helyet”, ahol a függvény értékét vesszük (a_1, a_2, \dots, a_k) -val és (b_1, b_2, \dots, b_k) -val jelölve:

$$\left[\frac{\left(\frac{a_1 + b_1}{2}\right)^r + \left(\frac{a_2 + b_2}{2}\right)^r + \dots + \left(\frac{a_k + b_k}{2}\right)^r}{k} \right]^{1/r} \leq \frac{1}{2} \left[\left(\frac{a_1^r + a_2^r + \dots + a_k^r}{k}\right)^{1/r} + \left(\frac{b_1^r + b_2^r + \dots + b_k^r}{k}\right)^{1/r} \right].$$

$2 \cdot k^{1/r}$ -nel átszorozva az

$$\begin{aligned} [(a_1 + b_1)^r + (a_2 + b_2)^r + \dots + (a_k + b_k)^r]^{1/r} &\leq \\ &\leq (a_1^r + a_2^r + \dots + a_k^r)^{1/r} + (b_1^r + b_2^r + \dots + b_k^r)^{1/r} \end{aligned}$$

ú. n. Minkowski-féle egyenlőtlenséghez jutunk.