

A lehetséges esetek száma $C_{32}^8 = \binom{32}{8}$. Kedvezőek azok a 8-ad-osztályú kombinációk, amelyekben 4 alsó van. Ilyen csoport nyilván annyi van, ahány 4-ed osztályú kombináció képezhető a többi 28 lapból, vagyis $C_{28}^4 = \binom{28}{4}$, és így a keresett valószínűség

$$\begin{aligned} v_1 &= \frac{\binom{28}{4}}{\binom{32}{8}} = \frac{28 \cdot 27 \cdot 26 \cdot 25}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4} \cdot \frac{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8}{32 \cdot 31 \cdot \dots \cdot 25} = \\ &= \frac{5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8}{32 \cdot 31 \cdot 30 \cdot 29} = \frac{7}{4 \cdot 31 \cdot 29} = \frac{7}{3596} (\approx 0,002). \end{aligned}$$

b) A lehetséges esetek száma változatlan $\binom{32}{8}$. Kedvezőek a 8, 7, 6, 5 piros lapot tartalmazó csoportok. Számítsuk ki rendre e csoportok számát.

8 piros lapot csak egyetlen egy 8-ad osztályú kombináció tartalmaz. 7 piros lapot tartalmazó csoportokat úgy képezhetünk, hogy a 8 piros lapból kiválasztunk 7-et $\binom{8}{7}$ -féleképpen és minden ilyen 7 piros lapból álló kombinációt párosítunk a 24 nem piros lap mindegyikével. Tehát az összes ilyenmű csoport száma $\binom{8}{7} \cdot 24 = 8 \cdot 24 = 192$

Hasonló megfontolással a 6 piros lapot tartalmazó csoportok száma $\binom{8}{6} \binom{24}{2} = \frac{8 \cdot 7}{1 \cdot 2} \cdot \frac{24 \cdot 23}{1 \cdot 2} = 28 \cdot 12 \cdot 23 = 7728$, és az 5 piros lapot tartalmazó csoportok száma $\binom{8}{5} \binom{24}{3} = 113\,344$.

Tehát a keresett valószínűség

$$v_2 = \frac{1 + 192 + 7728 + 113\,344}{\binom{32}{8}} = \frac{121\,265}{10\,518\,300} = \frac{24\,253}{2\,103\,660} (\approx 0,012).$$

Amint látjuk mindkét valószínűség elég kicsiny, de az utóbbi mégis kb. 6-szor akkora, mint az előbbi.

Tolnai Tibor (Szombathely, Nagy Lajos g. II.o.t.)