

Ilyen alakú képletet keresünk:  $[3a] = [a] + [a + \alpha] + [a + \beta]$ . Ha  $0 \leq \alpha, \beta < 1$ , akkor egész  $a$ -kra helyes az összefüggés. Ha  $a = [a] + k$ ,  $0 < k < 1$ , akkor míg  $k$  0-tól 1-ig nő, a baloldal értéke kétszer növekszik egy-egy egységgel: a  $k = \frac{1}{3}$  és  $k = \frac{2}{3}$  helyen.  $\alpha$ -t és  $\beta$ -t úgy kell tehát megváltoztatni, hogy a jobb oldalon egyik helyen a második, a másik helyen a harmadik tag értéke növekedjék eggyel. Ennek az  $\alpha = \frac{1}{3}$ ,  $\beta = \frac{2}{3}$  választás felel meg, s így

$$[3a] = [a] + \left[ a + \frac{1}{3} \right] + \left[ a + \frac{2}{3} \right].$$